

Úlohy 1. kola 49. ročníku fyzikální olympiády. Kategorie A

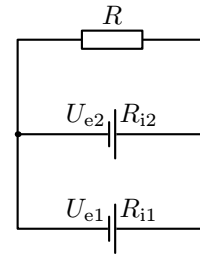
Ve všech úlohách počítejte s tíhovým zrychlením $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

1. Baterie článků

Dva paralelně spojené články tvoří baterii. Články mají elektromotorická napětí U_{e1} , U_{e2} a vnitřní odpory R_{i1} , R_{i2} . K baterii můžeme připojit rezistor o zcela libovolném odporu R .

- Určete napětí U na rezistoru, má-li jeho odpor danou hodnotu $R = R_0$.
- Určete podmínku pro odpor R rezistoru, aby jedním ze zdrojů protékal proud v opačném směru než odpovídá jeho polaritě.
- Určete odpor R' rezistoru, při němž je jeho příkon maximální, a tento maximální příkon P_{\max} .

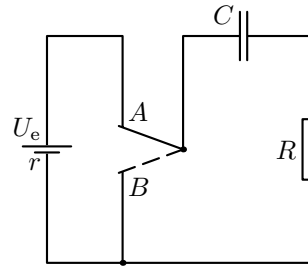
Řešte nejprve obecně, pak pro hodnoty $U_{e1} = 1,2 \text{ V}$, $U_{e2} = 2,1 \text{ V}$, $R_{i1} = 0,5 \Omega$, $R_{i2} = 2,0 \Omega$, $R_0 = 6,0 \Omega$.



Obr. 1

2. Úsporný obvod

V obvodu, jehož schéma je na obr. 2, je spotřebič o odporu $R = 10 \Omega$ napájen ze zdroje o elektromotorickém napětí $U_e = 100 \text{ V}$ a vnitřním odporu $r = 100 \Omega$ přes kondenzátor o kapacitě $C = 200 \mu\text{F}$ a přepínač, který se 10krát za sekundu střídavě přepíná z kontaktu A na kontakt B a naopak. Doba potřebná k přepnutí z jedné polohy do druhé je zanedbatelná. V každé poloze tedy přepínač setrvává po dobu $t_1 = 0,10 \text{ s}$. Za tuto dobu se kondenzátor po přepnutí ke kontaktu A prakticky zcela nabíjí a po přepnutí ke kontaktu B prakticky zcela vybíjí.



Obr. 2

Porovnejte účinnost obvodu a průměrný výkon spotřebiče v tomto zapojení a v obvodu, ve kterém by byl spotřebič o daném odporu R přímo připojen ke zdroji o daném elektromotorickém napětí U_e a daném vnitřním odporu r .

3. Hod kamenem přes budovu

Budovu šířky l a výšky h s rovnou střechou chceme přehodit kamenem tak, že počáteční rychlost kamene má být co nejmenší. Kámen opustí naši ruku ve výšce h_0 nad zemí.

- V jaké vzdálenosti d_0 od budovy zvolíme počáteční bod vrhu?
- Jaká musí být počáteční rychlost kamene?
- V jaké vzdálenosti d od budovy kámen dopadne?
- Jak dlouho kámen poletí?

Úlohu řešte nejprve obecně, pak pro hodnoty $l = 6,0$ m, $h = 5,0$ m, $h_0 = 2,0$ m. Odpor vzduchu zanedbejte.

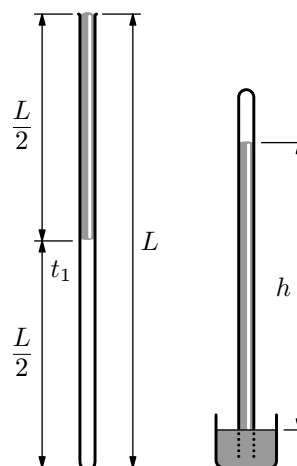
4. Vypuzování rtuti

V úzké svislé trubici konstantního průřezu dlouhé $L = 120$ cm, dole zatavené, je při teplotě $t_1 = 17$ °C uzavřen sloupec vzduchu výšky $L/2$ stejně vysokým sloupcem rtuti (obr. 3). Trubicí budeme velmi pomalu zahřívat.

- Jak se bude v závislosti na teplotě měnit výška l sloupce vzduchu?
- Jaké teploty musí dosáhnout vzduch v trubici, aby z ní všechna rtuť vytekla?

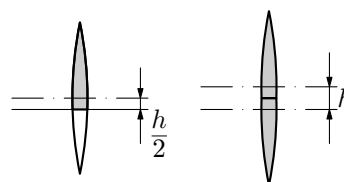
Sloupec rtuti ve rtuťovém barometru má výšku $h = 76$ cm. Změny hustoty rtuti při zahřívání trubice zanedbejte.

Obr. 3



5. Biletova dvojčochka

Dvě stejné spojky o ohniskové vzdálenosti $f = 25$ cm upravíme tak, že jejich menší část oddělíme řezem rovnoběžným s optickou osou vedeným ve vzdálenosti $h/2 = 1,0$ mm od středu čočky. Upravené čočky řeznou plochou přiložíme k sobě a slepíme (obr. 4). Takto získanou dvojčochku osvětlíme monofrekvenčním světlem sodíkové výbojky o vlnové délce $\lambda = 589$ nm přes úzkou štěrbinu ležící v rovině souměrnosti

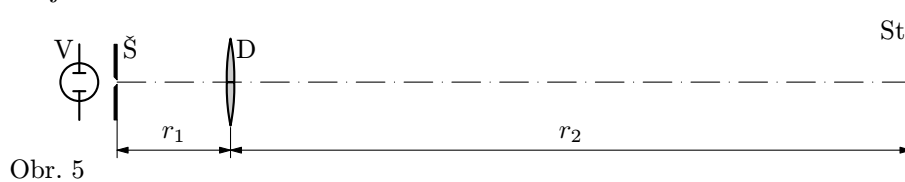


Obr. 4

dvojčochky ve vzdálenosti $r_1 = 2f$. Na stínítku ve vzdálenosti $r_2 = 5,0$ m od dvojčochky vznikne interferenční jev v podobě řady rovnoběžných světlých proužků – interferenčních maxim (obr. 5).

- Určete vzdálenost středů sousedních interferenčních proužků.
- Určete celkovou šířku oblasti na stínítku, kde se interferenční proužky objeví.

Úlohu řešte nejprve obecně, pak pro dané hodnoty. Tloušťku dvojčochy zanedbejte.



Obr. 5

6. Praktická úloha: Určení modulu pružnosti ve smyku a momentu setrvačnosti

Teorie:

Zavěšením osově souměrného tělesa o momentu setrvačnosti J na drát délky l a poloměru r vyrobený z materiálu o *modulu pružnosti ve smyku* G , který splývá s osou souměrnosti tělesa, získáme *torzní oscilátor*. Jestliže těleso pootočíme z rovnovážné polohy a uvolníme, začne konat otáčivý harmonický kmitavý pohyb s periodou

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{J}{k_t}}, \quad \text{kde} \quad k_t = \frac{\pi G r^4}{2l}$$

je *torzní tuhost* (direkční moment) drátu.

Úkoly:

- Zhotovte torzní oscilátor zavěšením vodorovné tenké dlouhé tyče uprostřed její délky na svislý drát. Změřte délku tyče a drátu, průměr drátu, hmotnost tyče a periodu torzních kmitů. Z naměřených hodnot určete modul pružnosti ve smyku materiálu, ze kterého je vyroben drát.
- Na stejný drát zavěste uprostřed malou litinovou činku klasického tvaru (dvě koule spojené válcovou tyčí). Změřte délku drátu a periodu torzních kmitů. S užitím výsledků měření z úkolu a) určete moment setrvačnosti činky vzhledem k ose otáčení činky při kmitavém pohybu.
- Změřte rozměry činky a její hmotnost a vypočtěte její moment setrvačnosti s užitím známých vzorců. Vypočtenou hodnotu J' porovnejte s hodnotou J určenou v úkolu b).

Pomůcky:

- ocelový drát o průměru 0,3 až 1 mm (vhodný je „vázací“ drát užívaný ve stavebnictví nebo „včelařský“ drát, v nouzi je možno použít i drát z jiného materiálu – měděný nebo hliníkový),
- kovová tyč ze stativového materiálu,
- litinová činka o hmotnosti do 2 kg (zapůjčíme v kabinetu Tv),
- držák horního konce drátu – např. malý stolní svěrák,

- délková měřidla – pravítko nebo svinovací měřidlo, posuvné měřidlo a mikrometr,
- stopky,
- váhy v robustnějším provedení.

Poznámky k realizaci

- Drát připevníme k tyči nebo čince tak, že konec drátu v jejím středu dvakrát těsně ovineme a pak jej dvakrát až třikrát zakroutíme kolem drátu. Délku měříme až od konce zakroucení.
- Měření v úkolech a) a b) provádějte opakovaně (5 až 10krát), určete nejpravděpodobnější hodnoty a směrodatné odchylky změřených veličin a veličin vypočtených (G a J) – viz stud. text FO: B. Vybíral: *Zpracování dat fyzikálních měření*, KFO č. 52. Respektujte vliv meze nepřesnosti použitých délkových měřidel na chybu výsledku; hmotnost určenou vážením považujte za přesnou.
- Z hlediska chyby měření je nejcitlivější stanovení poloměru drátu – je malý a ve vzorci se vyskytuje ve čtvrté mocnině. Měříme jej mikrometrem.
- Stopky spouštíme a zastavujeme při průchodu zavěšeného tělesa rovnovážnou polohou, kterou vyznačíme vhodným indikačním tělesem. Měříme 5 period kmitů (nikoli kyvů).
- Při výpočtu momentu setrvačnosti činky v úkolu c) použijte vzorce pro moment setrvačnosti koule, moment setrvačnosti válce vzhledem k ose jdoucí jeho středem kolmo k rotační ose

$$J = \frac{2}{5}mr^2, \quad J = \frac{m}{4} \left(\frac{d^2}{4} + \frac{l^2}{3} \right)$$

a Steinerovu větu. U tenké tyče lze vliv jejího průměru zanedbat.

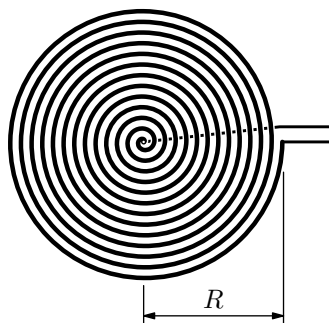
7. Cívka ve tvaru spirály

Plochá cívka ve tvaru Archimedovy spirály o velkém počtu závitů n a vnějším poloměru R (obr. 6) je umístěna v homogenním magnetickém poli, jehož vektor magnetické indukce je kolmý k rovině cívky a mění se harmonicky podle zákona

$$B = B_m \cos \omega t = B_m \cos(2\pi ft).$$

Určete, jaké elektromotorické napětí se v cívce indukuje. Vzdálenost sousedních závitů Archimedovy spirály je konstantní.

Řešte obecně a pro hodnoty $n = 13$, $R = 13$ mm, $B_m = 1,5$ mT, $f = 1,0$ kHz.



Obr. 6